



- 1) Dans le triangle ABC,
 $\widehat{BAC} = 180 - \widehat{ABC} - \widehat{ACB} = 180 - 40 - 70$
 donc $\widehat{BAC} = 70^\circ$

ABC ayant donc deux angles égaux **est isocèle en C**.

Donc **AC = 5 cm**

- 2) Dans ACH rectangle en H ((AH) est la hauteur issue de A dans ABC).

$$\cos \widehat{ACH} = \frac{CH}{CA} \quad \text{donc}$$

$$CH = 5 \cos \widehat{ACH} = 5 \cos 40$$

$$\text{donc } \widehat{CH} \approx 3,83 \text{ cm}$$

et comme $\widehat{CAH} = 90 - 40 = 50^\circ$, on a

$$\cos \widehat{CAH} = \frac{AH}{AC} \quad \text{donc } AH = AC \cos \widehat{CAH} = 5 \cos 50 \quad \text{donc } \widehat{AH} \approx 3,21 \text{ cm}$$

Dans ABH rectangle en H $\widehat{BAH} = 90 - \widehat{ABH} = 90 - 70 = 20^\circ$ donc

$$\cos \widehat{BAH} = \frac{AH}{AB} \quad \text{donc } \widehat{AB} \approx \frac{3,2}{\cos 20} \approx 3,42 \text{ cm}$$

- 3) 1ère manière : Dans ABH rectangle en H $\cos \widehat{ABH} = \frac{BH}{AB}$ donc

$$\widehat{BH} = AB \cos \widehat{ABH} \approx 3,42 \cos 70 \approx 1,17 \text{ cm}$$

$$\text{2ème manière : } \widehat{BH} = BC - CH \approx 5 - 3,83 = 1,17 \text{ cm}$$

3ème manière : Dans ABH rectangle en H d'après le théorème de Pythagore : $AB^2 = AH^2 + BH^2$

$$\text{donc } BH^2 = AB^2 - AH^2 \approx 3,42^2 - 3,21^2 \approx 1,3923 \quad \text{donc } \widehat{BH} \approx 1,17 \text{ cm}$$

4)

a)

- b) Dans ACE rectangle en C, $\cos \widehat{CAE} = \frac{AC}{AE} = \frac{5}{6,53}$ donc $\widehat{CAE} \approx 40,03^\circ$

- c) $40,03 - 40 = 0,03$ qui est inférieur à $\frac{5}{100}$ donc on peut dire que $\widehat{CAE} = \widehat{ACB}$ or, avec les droites (BC) et (AE) et la sécante (AC), les angles \widehat{CAE} et \widehat{ACB} sont alternes-internes et comme ils sont égaux alors **les droites (AE) et (BC) sont parallèles.**