

CORRIGE

A -)

$$BAC=20^\circ \quad AB=12\text{cm}$$

1) Dans le triangle ABC rectangle en C

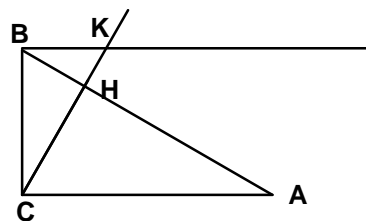
$$\cos A = \frac{AC}{AB} \quad \text{donc} \quad \cos 20 = \frac{AC}{12}$$

$$\text{Donc } AC = 12 * \cos 20 = \mathbf{11,3\text{cm}}$$

2) Dans le triangle ACH rectangle en H

$$\cos A = \frac{AH}{AC} \quad \text{donc} \quad \cos A = \frac{AH}{11,3}$$

$$\text{Donc } AH = 11,3 * \cos 20 = \mathbf{10,6\text{cm}}$$



Dans ACH rectangle en H $\angle ACH = 90 - 20 = \mathbf{70^\circ}$

$$\text{Dans ACH rectangle en H } \cos C = \frac{CH}{CA} \quad \text{donc} \quad \cos 70 = \frac{CH}{11,3}$$

$$\text{Donc } CH = 11,3 * \cos 70 = \mathbf{3,9\text{cm}}$$

3) L'angle ACB mesure 90° donc $\angle BCH = 90 - ACH = 90 - 70 = \mathbf{20^\circ}$

$$\text{Dans BCH rectangle en H } \cos C = \frac{CH}{CB} \quad \text{donc} \quad \cos 20 = \frac{3,9}{CB}$$

$$\text{Donc } BC = 3,9 / \cos 20 = \mathbf{4,1\text{cm}}$$

4) (BK) est parallèle à (AC) qui est perpendiculaire à (BC) donc (BK) est perpendiculaire à (BC), puisque, si 2 droites sont parallèles toute perpendiculaire à l'une est perpendiculaire à l'autre.

$$\text{Dans BCK rectangle en B } \cos C = \frac{CB}{CK} \quad \text{donc} \quad \cos 20 = \frac{4,1}{CK}$$

$$\text{Donc } CK = 4,1 / \cos 20 = 4,4\text{cm}$$

$$\text{Donc } HK = CK - CH = 4,4 - 3,9 = \mathbf{0,5\text{cm}}$$

Dans BCK rectangle en B $\angle BKC = 90 - \angle BCK = 90 - 20 = 70^\circ$

$$\text{Dans BHK rectangle en H } \cos K = \frac{KH}{KB} = \cos 70 = \frac{0,5}{BK}$$

$$\text{donc } BK = 0,5 / \cos 70 = \mathbf{1,5\text{cm}}$$